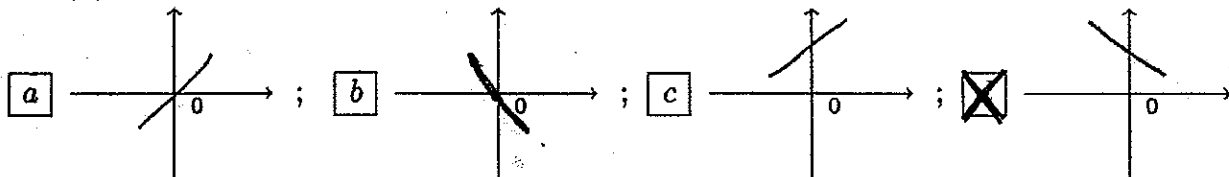


1. Per quali valori del parametro  $\alpha \in \mathbb{R}$  si ha che  $f(x) = \begin{cases} \sin(\frac{\pi}{2}x) & \text{per } x < -1 \\ |x| + \alpha & \text{per } x \geq -1 \end{cases}$  è continua in  $x_0 = -1$ ?   $a$   $\alpha = 0$ ;   $b$   $\alpha = 1$ ;   $c$   $\alpha = 2$ ;   $d$   $\alpha = -2$ .
2. Sia  $f : [0, 1] \rightarrow \mathbb{R}$  una funzione continua, strettamente monotona e tale che  $f(0)f(1) = -2$ , e sia  $x_0 \in (0, 1)$  il valore per cui  $f(x_0) = 0$ . Usando il metodo di bisezione, qual è il numero minimo  $n$  di passi necessario per approssimare  $x_0$  con errore che sia sicuramente minore di  $10^{-6}$ ?   $a$   $n = 60$ ;   $b$   $n = 5$ ;   $c$   $n = 12$ ;   $d$   $n = 20$ .
3. Sia  $f(x)$  una funzione derivabile con derivata continua tale che  $f(0) = 1$  e  $f'(0) < 0$ . Il grafico di  $g(x) = 2f(x)^2 - f(x)$  vicino all'origine è:

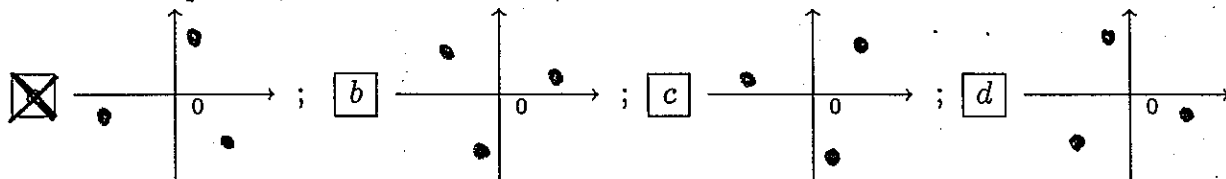


4. L'espressione " $\forall B > 0 \exists A > 0$  : se  $0 < |x - 2| < A$  allora  $f(x) > B$ " significa:  
  $a$   $\lim_{x \rightarrow 2} f(x) = +\infty$ ;   $b$   $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 2$ ;   $c$   $\lim_{x \rightarrow 2} f(x) = -\infty$ ;   $d$   $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 2$ .
5. Per quale valore del parametro  $a \neq 0$  si ha che  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(ax)}{e^x - 1} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos(ax)}{x^2}$ ?  
  $a$   $a = -2$ ;   $b$   $a = 1$ ;   $c$   $a = 2$ ;   $d$   $a = -1$ .
6. Le soluzioni dell'equazione  $(z + 2)\bar{z} = iz$  sono:   $a$   $0$  e  $2 + i$ ;   $b$   $0$  e  $-\frac{6}{5} + \frac{3}{5}i$ ;   $c$   $0$  e  $-\frac{6}{5} - \frac{3}{5}i$ ;   $d$   $0$  e  $2 - i$ .
7. Per quali valori del parametro  $\beta \in \mathbb{R}$  la retta di equazione  $r(x) = 2x + \beta$  è tangente al grafico della funzione  $f(x) = \log(1 + 3x)$ ?   $a$   $\beta = -\frac{1}{2} + \log 2$ ;   $b$   $\beta = -\frac{1}{3} + \log \frac{3}{2}$ ;   $c$   $\beta = 1 - \log 2$ ;   $d$   $\beta = 1$ .
8. Date le funzioni  $f(x) = \frac{1}{\sqrt{x+1}}$  e  $g(y) = \cos(1 + y)$ , la derivata di  $(g \circ f)(x)$  è:  
  $a$   $\frac{-x \cos(1 - \sqrt{x^2+3})}{\sqrt{x^2+3}}$ ;   $b$   $\frac{\sin(1 + \frac{1}{\sqrt{x+1}})}{2(x+1)\sqrt{x+1}}$ ;   $c$   $\frac{-x \sin(1 + \sqrt{x^2+3})}{\sqrt{x^2+3}}$ ;   $d$   $\frac{\cos(1 - \frac{1}{\sqrt{x+1}})}{2(x+1)\sqrt{x+1}}$ .
9. Se  $f(x) = \frac{x+3}{3x-2}$  allora  $f^{-1}(1)$  è uguale a:   $a$   $-3/2$ ;   $b$   $5/2$ ;   $c$   $-5/2$ ;   $d$   $3/2$ .
10. L'insieme dei numeri complessi  $z$  tali che  $|z + 1 - i| > |z|$  e  $|z + 1| < 1$  è:   $a$  l'insieme vuoto;   $b$  un cerchio;   $c$  un semicerchio;   $d$  un semipiano.

CALCOLO 1		27 ottobre 2007
Cognome:	Nome:	Matricola:

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. I numeri complessi  $\sqrt[3]{-5 - 5i}$  sono:



2.  $\lim_{x \rightarrow 0^+} (1 - 2x)^{1/x} =$   a  $e^3$ ;  b 1;  c 0;  d  $1/e^2$ .

3.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x \sin(x^2)}{(e^{2x} - 1)(1 - \cos x)} =$   a  $1/2$ ;  b 2;  c 1;  d 4.

4. Siano  $f(x) = x + 2$  e  $g(x) = \sqrt{2x^2 + x}$ . L'equazione della retta tangente al grafico della funzione  $f(x)g(x)$  nel punto di ascissa  $x_0 = 1$  è:  a  $y = \frac{1}{2\sqrt{3}}(x + 5)$ ;  b  $y = 7x - 4$ ;  c  $y = \frac{3}{2\sqrt{3}}(7x - 1)$ ;  d  $y = -\frac{1}{2\sqrt{2}}(x + 3)$ .

5. Determinare i valori dei parametri  $\alpha$  e  $\beta$  per i quali la funzione

$$f(x) = \begin{cases} \cos(\beta x^2) - x & \text{per } x \geq 0 \\ \sin(\alpha x) + \beta & \text{per } x < 0 \end{cases}$$

è continua e derivabile in  $x_0 = 0$ .  a  $\alpha = -1, \beta = 1$ ;  b  $\alpha = 1, \beta = 0$ ;  c  $\alpha = 1, \beta = -1$ ;  d  $\alpha = 0, \beta = -1$ .

6. L'insieme dove la funzione  $f(x) = -x^4 + 8x^3 - 18x^2 - x + 2$  ha la concavità rivolta verso l'alto (cioè è strettamente convessa) è dato da:  a  $(-\infty, -1) \cup (2, +\infty)$ ;  b  $(-\infty, 1) \cup (2, +\infty)$ ;  c  $(1, 3)$ ;  d  $(-2, 1)$ .

7. Sia  $f(x) : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  una funzione continua, con  $f(0) = -1$  ed inoltre  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty$ ,  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ . Allora l'equazione  $f(x) = 0$ :  a ha un numero pari di soluzioni diverse fra loro;  b ha almeno due soluzioni;  c ha almeno una soluzione;  d ha un numero dispari di soluzioni diverse fra loro.

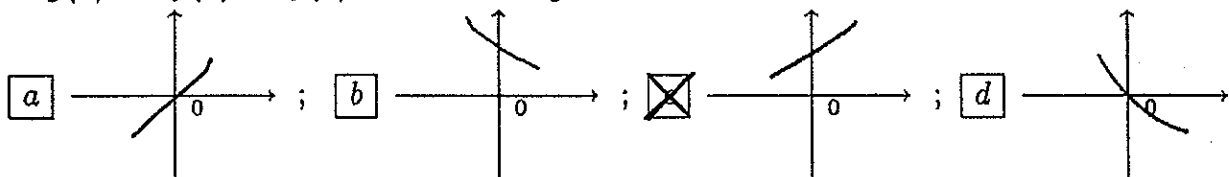
8. Quanti sono i punti di intersezione dei grafici di  $f(x) = 2e^x$  e di  $g(x) = x + 3$ ?  a 1;  b 0;  c 3;  d 2.

9.  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^2 - e^x + 1}{2x^2 + e^x - 2} =$   a -2;  b 2;  c  $1/2$ ;  d -1.

10. Il valore minimo e il valore massimo della funzione  $f(x) = x^4 - 2x^2 + 3$  nell'intervallo  $[-2, 0]$  sono:  a min = 2, max = 11;  b min = -2, max = 11;  c min = 18, max = 31;  d min = 2, max = 31.

1. Le soluzioni dell'equazione  $(\bar{z} - 2)z = iz$  sono:  a  $0$  e  $-\frac{6}{5} + \frac{3}{5}i$ ;  b  $0$  e  $-\frac{6}{5} - \frac{3}{5}i$ ;  c  $0$  e  $2 - i$ ;  d  $0$  e  $2 + i$ .

2. Sia  $f(x)$  una funzione derivabile con derivata continua tale che  $f(0) = 1$  e  $f'(0) < 0$ . Il grafico di  $g(x) = 3f(x) - 2f(x)^2$  vicino all'origine è:



3. Per quali valori del parametro  $\beta \in \mathbb{R}$  la retta di equazione  $r(x) = 2x + \beta$  è tangente al grafico della funzione  $f(x) = \log(x + 1)$ ?  a  $\beta = -\frac{1}{3} + \log \frac{3}{2}$ ;  b  $\beta = 1 - \log 2$ ;  c  $\beta = 1$ ;  d  $\beta = -\frac{1}{2} + \log 2$ .

4. Se  $f(x) = \frac{x-2}{3x+1}$  allora  $f^{-1}(1)$  è uguale a:  a  $5/2$ ;  b  $-5/2$ ;  c  $3/2$ ;  d  $-3/2$ .

5. Per quali valori del parametro  $\alpha \in \mathbb{R}$  si ha che  $f(x) = \begin{cases} \cos(\pi x) & \text{per } x < -1 \\ \alpha|x| - 1 & \text{per } x \geq -1 \end{cases}$  è continua in  $x_0 = -1$ ?  a  $\alpha = 1$ ;  b  $\alpha = 2$ ;  c  $\alpha = -2$ ;  d  $\alpha = 0$ .

6. Date le funzioni  $f(x) = \sqrt{x^2 + 3}$  e  $g(y) = \cos(1 + y)$ , la derivata di  $(g \circ f)(x)$  è:

a  $\frac{\sin\left(1 + \frac{1}{\sqrt{x+1}}\right)}{2(x+1)\sqrt{x+1}}$ ;  b  $\frac{-x \sin(1 + \sqrt{x^2 + 3})}{\sqrt{x^2 + 3}}$ ;  c  $\frac{\cos\left(1 - \frac{1}{\sqrt{x+1}}\right)}{2(x+1)\sqrt{x+1}}$ ;  d  $\frac{-x \cos(1 - \sqrt{x^2 + 3})}{\sqrt{x^2 + 3}}$ .

7. L'espressione " $\forall A > 0 \exists B > 0 : \text{se } 0 < |x-2| < B \text{ allora } f(x) < -A$ " significa:

a  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 2$ ;  b  $\lim_{x \rightarrow 2} f(x) = -\infty$ ;  c  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 2$ ;  d  $\lim_{x \rightarrow 2} f(x) = +\infty$ .

8. Sia  $f: [-2, 2] \rightarrow \mathbb{R}$  una funzione continua, strettamente monotona e tale che  $f(-2)f(2) = -1$ , e sia  $x_0 \in (-2, 2)$  il valore per cui  $f(x_0) = 0$ . Usando il metodo di bisezione, qual è il numero minimo  $n$  di passi necessario per approssimare  $x_0$  con errore che sia sicuramente minore di  $10^{-3}$ ?  a  $n = 5$ ;  b  $n = 12$ ;  c  $n = 20$ ;  d  $n = 60$ .

9. L'insieme dei numeri complessi  $z$  tali che  $|z + 1 - i| < |z|$  e  $|z + i| > 1$  è:  a un cerchio;  b un semicerchio;  c un semipiano;  d l'insieme vuoto.

10. Per quale valore del parametro  $a \neq 0$  si ha che  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - e^x}{2x} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos(ax)}{x \sin(ax)}$ ?

a  $a = 1$ ;  b  $a = 2$ ;  c  $a = -1$ ;  d  $a = -2$ .

CALCOLO 1		27 ottobre 2007
Cognome:	Nome:	Matricola:

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Sia  $f(x) : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  una funzione continua, con  $f(0) = -1$  ed inoltre  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty$ ,  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -\infty$ . Allora l'equazione  $f(x) = 0$ :  a ha un numero dispari di soluzioni diverse fra loro;  b ha un numero pari di soluzioni diverse fra loro;  c ha almeno due soluzioni;  d ha almeno una soluzione.

2. Il valore minimo e il valore massimo della funzione  $f(x) = 3x^4 - 4x^3 - 12x^2 + 11$  nell'intervallo  $[-1, 1]$  sono:  a min = 2, max = 31;  b min = 2, max = 11;  c min = -2, max = 11;  d min = 18, max = 31.

3. Determinare i valori dei parametri  $\alpha$  e  $\beta$  per i quali la funzione

$$f(x) = \begin{cases} \sin(\alpha x) - x & \text{per } x \geq 0 \\ \beta \cos(x^2) + \alpha & \text{per } x < 0 \end{cases}$$

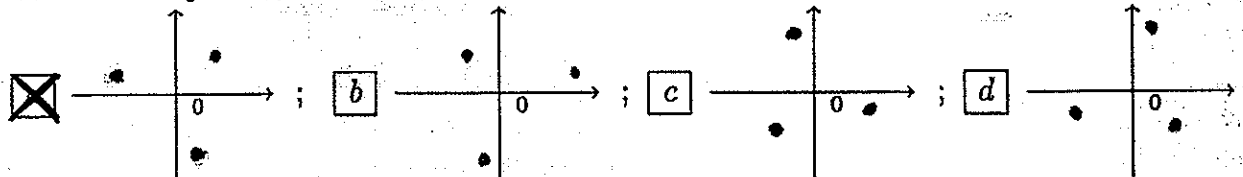
è continua e derivabile in  $x_0 = 0$ .  a  $\alpha = 0, \beta = -1$ ;  b  $\alpha = -1, \beta = 1$ ;  c  $\alpha = 1, \beta = 0$ ;  d  $\alpha = 1, \beta = -1$ .

4. L'insieme dove la funzione  $f(x) = x^4 - 2x^3 - 12x^2 + 2x - 1$  ha la concavità rivolta verso l'alto (cioè è strettamente convessa) è dato da:  a  $(-2, 1)$ ;  b  $(-\infty, -1) \cup (2, +\infty)$ ;  c  $(-\infty, 1) \cup (2, +\infty)$ ;  d  $(1, 3)$ .

5.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1 - \cos(2x)) \sin x}{x \sin(x^2)} =$   a 4;  b  $1/2$ ;  c 2;  d 1.

6. Siano  $f(x) = 2x - x^2$  e  $g(x) = \sqrt{x+2}$ . L'equazione della retta tangente al grafico della funzione  $f(x)g(x)$  nel punto di ascissa  $x_0 = 1$  è:  a  $y = -\frac{1}{2\sqrt{2}}(x+3)$ ;  b  $y = \frac{1}{2\sqrt{3}}(x+5)$ ;  c  $y = 7x - 4$ ;  d  $y = \frac{3}{2\sqrt{3}}(7x - 1)$ .

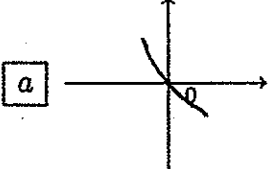
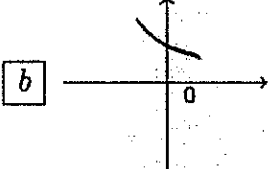
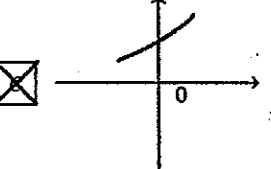
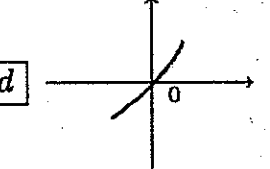
7. I numeri complessi  $\sqrt[3]{-5 + 5i}$  sono:



8.  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x + 2e^x - 1}{e^x - x + 1} =$   a -1;  b -2;  c 2;  d  $1/2$ .

9. Quanti sono i punti di intersezione dei grafici di  $f(x) = 2 \log x$  e di  $g(x) = x - 2$ ?  a 2;  b 1;  c 0;  d 3.

10.  $\lim_{x \rightarrow 0^+} (1 + 2x^2)^{1/x} =$   a  $1/e^2$ ;  b  $e^3$ ;  c 1;  d 0.

1. Date le funzioni  $f(x) = \frac{1}{\sqrt{x+1}}$  e  $g(y) = \cos(1+y)$ , la derivata di  $(g \circ f)(x)$  è:  
 a  $\frac{-x \sin(1+\sqrt{x^2+3})}{\sqrt{x^2+3}}$ ;  b  $\frac{\cos\left(1-\frac{1}{\sqrt{x+1}}\right)}{2(x+1)\sqrt{x+1}}$ ;  c  $\frac{-x \cos(1-\sqrt{x^2+3})}{\sqrt{x^2+3}}$ ;  d  $\frac{\sin\left(1+\frac{1}{\sqrt{x+1}}\right)}{2(x+1)\sqrt{x+1}}$ .
2. Per quali valori del parametro  $\beta \in \mathbb{R}$  la retta di equazione  $r(x) = 2x + \beta$  è tangente al grafico della funzione  $f(x) = \log(x+1)$ ?  a  $\beta = 1 - \log 2$ ;  b  $\beta = 1$ ;  c  $\beta = -\frac{1}{2} + \log 2$ ;  d  $\beta = -\frac{1}{3} + \log \frac{3}{2}$ .
3. L'espressione " $\forall B > 0 \exists A > 0$ : se  $x < -A$  allora  $|f(x) - 2| < B$ " significa:  
 a  $\lim_{x \rightarrow -2} f(x) = -\infty$ ;  b  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 2$ ;  c  $\lim_{x \rightarrow -2} f(x) = +\infty$ ;  d  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 2$ .
4. L'insieme dei numeri complessi  $z$  tali che  $|z+1-i| < |z|$  e  $|z+i| < 1$  è:  a un semicerchio;  b un semipiano;  c l'insieme vuoto;  d un cerchio.
5. Le soluzioni dell'equazione  $(\bar{z}-2)z = iz$  sono:  a  $0$  e  $-\frac{6}{5} - \frac{3}{5}i$ ;  b  $0$  e  $2-i$ ;  c  $0$  e  $2+i$ ;  d  $0$  e  $-\frac{6}{5} + \frac{3}{5}i$ .
6. Sia  $f: [0, 1] \rightarrow \mathbb{R}$  una funzione continua, strettamente monotona e tale che  $f(0)f(1) = -2$ , e sia  $x_0 \in (0, 1)$  il valore per cui  $f(x_0) = 0$ . Usando il metodo di bisezione, qual è il numero minimo  $n$  di passi necessario per approssimare  $x_0$  con errore che sia sicuramente minore di  $10^{-6}$ ?  a  $n = 12$ ;  b  $n = 20$ ;  c  $n = 60$ ;  d  $n = 5$ .
7. Se  $f(x) = \frac{x-2}{3x+1}$  allora  $f^{-1}(1)$  è uguale a:  a  $-5/2$ ;  b  $3/2$ ;  c  $-3/2$ ;  d  $5/2$ .
8. Sia  $f(x)$  una funzione derivabile con derivata continua tale che  $f(0) = 1$  e  $f'(0) < 0$ . Il grafico di  $g(x) = 2 + f(x) - 2f(x)^2$  vicino all'origine è:
- a  ;  b  ;  c  ;  d 
9. Per quale valore del parametro  $a \neq 0$  si ha che  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\log(1-x)}{x} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1-\cos(ax)}{x \sin(ax)}$ ?  
 a  $a = 2$ ;  b  $a = -1$ ;  c  $a = -2$ ;  d  $a = 1$ .
10. Per quali valori del parametro  $\alpha \in \mathbb{R}$  si ha che  $f(x) = \begin{cases} \cos(\pi x) & \text{per } x < -1 \\ |x| - \alpha & \text{per } x \geq -1 \end{cases}$  è continua in  $x_0 = -1$ ?  a  $\alpha = 2$ ;  b  $\alpha = -2$ ;  c  $\alpha = 0$ ;  d  $\alpha = 1$ .

CALCOLO 1		27 ottobre 2007
Cognome:	Nome:	Matricola:

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

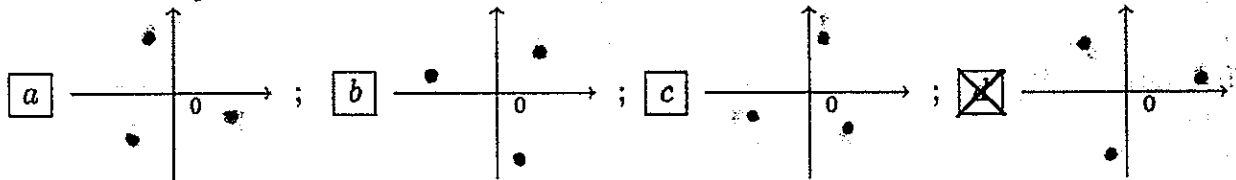
1. Siano  $f(x) = x + 2$  e  $g(x) = \sqrt{2x^2 + x}$ . L'equazione della retta tangente al grafico della funzione  $f(x)g(x)$  nel punto di ascissa  $x_0 = 1$  è:  a  $y = \frac{1}{2\sqrt{3}}(x + 5)$ ;  b  $y = 7x - 4$ ;  c  $y = \frac{3}{2\sqrt{3}}(7x - 1)$ ;  d  $y = -\frac{1}{2\sqrt{2}}(x + 3)$ .

2. Determinare i valori dei parametri  $\alpha$  e  $\beta$  per i quali la funzione

$$f(x) = \begin{cases} \cos(\alpha x) - \alpha & \text{per } x \geq 0 \\ \sin(x^2) - \beta x & \text{per } x < 0 \end{cases}$$

è continua e derivabile in  $x_0 = 0$ .  a  $\alpha = -1, \beta = 1$ ;  b  $\alpha = 1, \beta = 0$ ;  c  $\alpha = 1, \beta = -1$ ;  d  $\alpha = 0, \beta = -1$ .

3. I numeri complessi  $\sqrt[3]{5 + 5i}$  sono:



4. Quanti sono i punti di intersezione dei grafici di  $f(x) = \log(2x)$  e di  $g(x) = 3 - x$ ?  a 1;  b 0;  c 3;  d 2.

5. Sia  $f(x) : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  una funzione continua, con  $f(0) = 1$  ed inoltre  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$ ,  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -\infty$ . Allora l'equazione  $f(x) = 0$ :  a ha un numero pari di soluzioni diverse fra loro;  b ha almeno due soluzioni;  c ha almeno una soluzione;  d ha un numero dispari di soluzioni diverse fra loro.

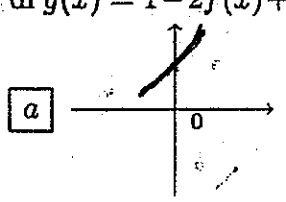
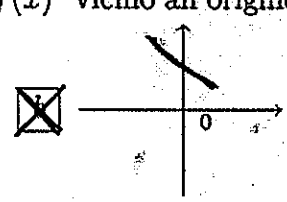
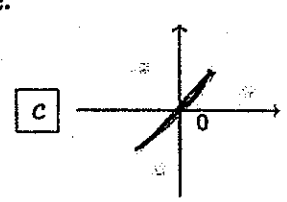
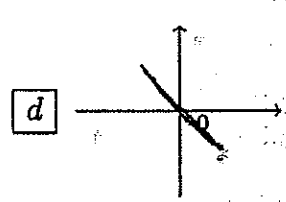
6.  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2e^{-x} - x^2 - 1}{1 - 2x^2 + e^{-x}} =$   a -2;  b 2;  c 1/2;  d -1.

7. L'insieme dove la funzione  $f(x) = -x^4 + 8x^3 - 18x^2 - x + 2$  ha la concavità rivolta verso l'alto (cioè è strettamente convessa) è dato da:  a  $(-\infty, -1) \cup (2, +\infty)$ ;  b  $(-\infty, 1) \cup (2, +\infty)$ ;  c  $(1, 3)$ ;  d  $(-2, 1)$ .

8. Il valore minimo e il valore massimo della funzione  $f(x) = 3x^4 - 16x^3 + 18x^2 + 26$  nell'intervallo  $[0, 2]$  sono:  a min = 2, max = 11;  b min = -2, max = 11;  c min = 18, max = 31;  d min = 2, max = 31.

9.  $\lim_{x \rightarrow 0^+} (1 - 3x)^{1/x^2} =$   a  $e^3$ ;  b 1;  c 0;  d  $1/e^2$ .

10.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x \sin(x^2)}{(e^{2x} - 1)(1 - \cos x)} =$   a 1/2;  b 2;  c 1;  d 4.

1. Per quale valore del parametro  $a \neq 0$  si ha che  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\log(ax+1)}{2 \sin x} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos(ax)}{x^2}$  ?  
 a  $a = -1$ ;  b  $a = -2$ ;  c  $a = 1$ ;  d  $a = 2$ .
2. Date le funzioni  $f(x) = \sqrt{x^2 + 3}$  e  $g(y) = \cos(1 + y)$ , la derivata di  $(g \circ f)(x)$  è:  
 a  $\frac{\cos\left(1 - \frac{1}{\sqrt{x+1}}\right)}{2(x+1)\sqrt{x+1}}$ ;  b  $\frac{-x \cos(1 - \sqrt{x^2+3})}{\sqrt{x^2+3}}$ ;  c  $\frac{\sin\left(1 + \frac{1}{\sqrt{x+1}}\right)}{2(x+1)\sqrt{x+1}}$ ;  d  $\frac{-x \sin(1 + \sqrt{x^2+3})}{\sqrt{x^2+3}}$ .
3. Sia  $f: [-2, 2] \rightarrow \mathbb{R}$  una funzione continua, strettamente monotona e tale che  $f(-2)f(2) = -1$ , e sia  $x_0 \in (-2, 2)$  il valore per cui  $f(x_0) = 0$ . Usando il metodo di bisezione, qual è il numero minimo  $n$  di passi necessario per approssimare  $x_0$  con errore che sia sicuramente minore di  $10^{-3}$ ?  a  $n = 20$ ;  b  $n = 60$ ;  c  $n = 5$ ;  d  $n = 12$ .
4. Per quali valori del parametro  $\beta \in \mathbb{R}$  la retta di equazione  $r(x) = 2x + \beta$  è tangente al grafico della funzione  $f(x) = \log(1 + 3x)$ ?  a  $\beta = 1$ ;  b  $\beta = -\frac{1}{2} + \log 2$ ;  c  $\beta = -\frac{1}{3} + \log \frac{3}{2}$ ;  d  $\beta = 1 - \log 2$ .
5. L'insieme dei numeri complessi  $z$  tali che  $|z + 1 - i| > |z|$  e  $|z + i| < 1$  è:  a un semipiano;  b l'insieme vuoto;  c un cerchio;  d un semicerchio.
6. Per quali valori del parametro  $\alpha \in \mathbb{R}$  si ha che  $f(x) = \begin{cases} \sin\left(\frac{\pi}{2}x\right) & \text{per } x < -1 \\ \alpha|x| - 2 & \text{per } x \geq -1 \end{cases}$  è continua in  $x_0 = -1$ ?  a  $\alpha = -2$ ;  b  $\alpha = 0$ ;  c  $\alpha = 1$ ;  d  $\alpha = 2$ .
7. Sia  $f(x)$  una funzione derivabile con derivata continua tale che  $f(0) = 1$  e  $f'(0) < 0$ . Il grafico di  $g(x) = 1 - 2f(x) + 2f(x)^2$  vicino all'origine è:
- a  ;  b  ;  c  ;  d 
8. Le soluzioni dell'equazione  $(z+2)\bar{z} = iz$  sono:  a  $0$  e  $2 - i$ ;  b  $0$  e  $2 + i$ ;  c  $0$  e  $-\frac{6}{5} + \frac{3}{5}i$ ;  d  $0$  e  $-\frac{6}{5} - \frac{3}{5}i$ .
9. L'espressione " $\forall A > 0 \exists B > 0$  : se  $x > B$  allora  $|f(x) - 2| < A$ " significa:  
 a  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 2$ ;  b  $\lim_{x \rightarrow 2} f(x) = +\infty$ ;  c  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 2$ ;  d  $\lim_{x \rightarrow 2} f(x) = -\infty$ .
10. Se  $f(x) = \frac{x+3}{3x-2}$  allora  $f^{-1}(1)$  è uguale a:  a  $3/2$ ;  b  $-3/2$ ;  c  $5/2$ ;  d  $-5/2$ .

CALCOLO 1		27 ottobre 2007
Cognome:	Nome:	Matricola:

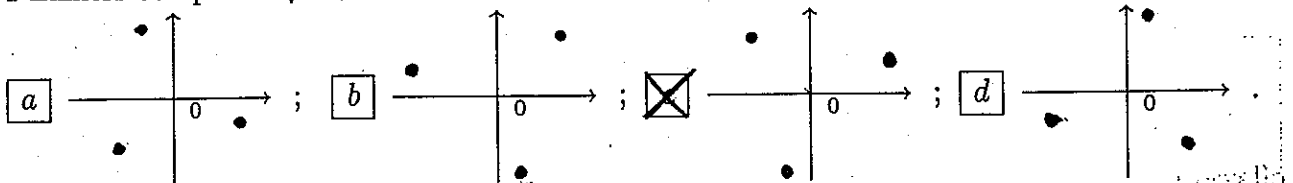
- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1.  $\lim_{x \rightarrow 0^+} (1 - 2x)^{1/x} =$   a 1;  b 0;  c  $1/e^2$ ;  d  $e^3$ .
2. Siano  $f(x) = \sqrt{x+1}$  e  $g(x) = x^2 - 2x$ . L'equazione della retta tangente al grafico della funzione  $f(x)g(x)$  nel punto di ascissa  $x_0 = 1$  è:  a  $y = 7x - 4$ ;  b  $y = \frac{3}{2\sqrt{3}}(7x - 1)$ ;  c  $y = -\frac{1}{2\sqrt{2}}(x + 3)$ ;  d  $y = \frac{1}{2\sqrt{3}}(x + 5)$ .
3.  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^2 - e^x + 1}{2x^2 + e^x - 2} =$   a 2;  b  $1/2$ ;  c -1;  d -2.
4. Determinare i valori dei parametri  $\alpha$  e  $\beta$  per i quali la funzione

$$f(x) = \begin{cases} \sin(\alpha x^2) - 1 & \text{per } x \geq 0 \\ \beta \cos x + \alpha x & \text{per } x < 0 \end{cases}$$

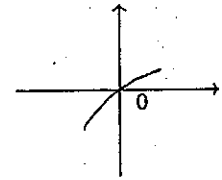
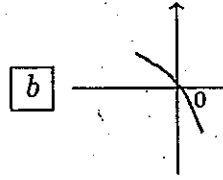
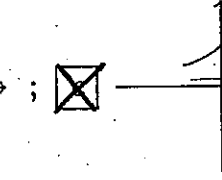
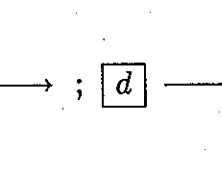
- è continua e derivabile in  $x_0 = 0$ .  a  $\alpha = 1, \beta = 0$ ;  b  $\alpha = 1, \beta = -1$ ;  c  $\alpha = 0, \beta = -1$ ;  d  $\alpha = -1, \beta = 1$ .
5. Quanti sono i punti di intersezione dei grafici di  $f(x) = 2e^x$  e di  $g(x) = x + 3$ ?  a 0;  b 3;  c 2;  d 1.
6.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2 \sin(2x)}{(1 - \cos x) \sin x} =$   a 2;  b 1;  c 4;  d  $1/2$ .
7. Il valore minimo e il valore massimo della funzione  $f(x) = 3x^4 - 8x^3 + 18x^2 + 2$  nell'intervallo  $[-1, 1]$  sono:  a  $\min = -2, \max = 11$ ;  b  $\min = 18, \max = 31$ ;  c  $\min = 2, \max = 31$ ;  d  $\min = 2, \max = 11$ .
8. Sia  $f(x) : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  una funzione continua, con  $f(0) = 1$  ed inoltre  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$ ,  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ . Allora l'equazione  $f(x) = 0$ :  a ha almeno due soluzioni;  b ha almeno una soluzione;  c ha un numero dispari di soluzioni diverse fra loro;  d ha un numero pari di soluzioni diverse fra loro.

9. I numeri complessi  $\sqrt[3]{5 + 5i}$  sono:



10. L'insieme dove la funzione  $f(x) = x^4 - 6x^3 + 12x^2 + x - 1$  ha la concavità rivolta verso l'alto (cioè è strettamente convessa) è dato da:  a  $(-\infty, 1) \cup (2, +\infty)$ ;  b  $(1, 3)$ ;  c  $(-2, 1)$ ;  d  $(-\infty, -1) \cup (2, +\infty)$ .



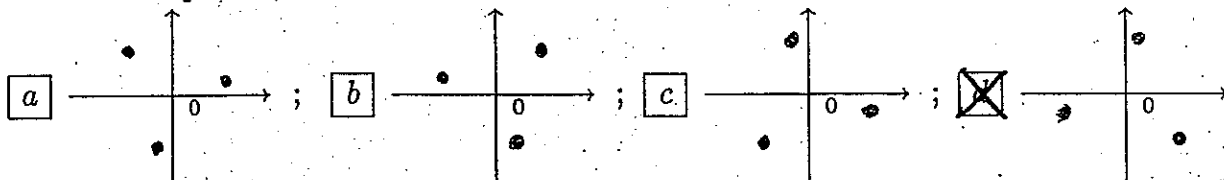
1. Sia  $f: [-2, 2] \rightarrow \mathbb{R}$  una funzione continua, strettamente monotona e tale che  $f(-2)f(2) = -1$ , e sia  $x_0 \in (-2, 2)$  il valore per cui  $f(x_0) = 0$ . Usando il metodo di bisezione, qual è il numero minimo  $n$  di passi necessario per approssimare  $x_0$  con errore che sia sicuramente minore di  $10^{-3}$ ?  a  $n = 20$ ;  b  $n = 60$ ;  c  $n = 5$ ;  d  $n = 12$ .
2. L'espressione " $\forall B > 0 \exists A > 0$  : se  $0 < |x - 2| < A$  allora  $f(x) > B$ " significa:  
 a  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 2$ ;  b  $\lim_{x \rightarrow 2} f(x) = +\infty$ ;  c  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 2$ ;  d  $\lim_{x \rightarrow 2} f(x) = -\infty$ .
3. Se  $f(x) = \frac{3x-1}{x+2}$  allora  $f^{-1}(1)$  è uguale a:  a  $3/2$ ;  b  $-3/2$ ;  c  $5/2$ ;  d  $-5/2$ .
4. Per quale valore del parametro  $a \neq 0$  si ha che  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\log(ax+1)}{2 \sin x} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos(ax)}{x^2}$ ?  
 a  $a = -1$ ;  b  $a = -2$ ;  c  $a = 1$ ;  d  $a = 2$ .
5. Date le funzioni  $f(x) = \sqrt{x^2+3}$  e  $g(y) = \sin(1-y)$ , la derivata di  $(g \circ f)(x)$  è:  
 a  $\frac{\cos\left(1 - \frac{1}{\sqrt{x+1}}\right)}{2(x+1)\sqrt{x+1}}$ ;  b  $\frac{-x \cos(1 - \sqrt{x^2+3})}{\sqrt{x^2+3}}$ ;  c  $\frac{\sin\left(1 + \frac{1}{\sqrt{x+1}}\right)}{2(x+1)\sqrt{x+1}}$ ;  d  $\frac{-x \sin(1 + \sqrt{x^2+3})}{\sqrt{x^2+3}}$ .
6. Sia  $f(x)$  una funzione derivabile con derivata continua tale che  $f(0) = 1$  e  $f'(0) < 0$ . Il grafico di  $g(x) = 2 + f(x) - 2f(x)^2$  vicino all'origine è:
- a ;  b ;  c ;  d 
7. L'insieme dei numeri complessi  $z$  tali che  $|z+1-i| > |z|$  e  $|z+i| < 1$  è:  a un semipiano;  b l'insieme vuoto;  c un cerchio;  d un semicerchio.
8. Per quali valori del parametro  $\beta \in \mathbb{R}$  la retta di equazione  $r(x) = x + \beta$  è tangente al grafico della funzione  $f(x) = \log(2+x)$ ?  a  $\beta = 1$ ;  b  $\beta = -\frac{1}{2} + \log 2$ ;  c  $\beta = -\frac{1}{3} + \log \frac{3}{2}$ ;  d  $\beta = 1 - \log 2$ .
9. Per quali valori del parametro  $\alpha \in \mathbb{R}$  si ha che  $f(x) = \begin{cases} \sin\left(\frac{\pi}{2}x\right) & \text{per } x < -1 \\ \alpha|x| - 2 & \text{per } x \geq -1 \end{cases}$  è continua in  $x_0 = -1$ ?  a  $\alpha = -2$ ;  b  $\alpha = 0$ ;  c  $\alpha = 1$ ;  d  $\alpha = 2$ .
10. Le soluzioni dell'equazione  $(z-2)\bar{z} = i\bar{z}$  sono:  a  $0$  e  $2-i$ ;  b  $0$  e  $2+i$ ;  c  $0$  e  $-\frac{6}{5} + \frac{3}{5}i$ ;  d  $0$  e  $-\frac{6}{5} - \frac{3}{5}i$ .

CALCOLO 1		27 ottobre 2007
Cognome:	Nome:	Matricola:

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1.  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x + 2e^x - 1}{e^x - x + 1} =$   a) 2;  b) 1/2;  c) -1;  d) -2.

2. I numeri complessi  $\sqrt[3]{-5 - 5i}$  sono:



3. L'insieme dove la funzione  $f(x) = x^4 - 2x^3 - 12x^2 + 2x - 1$  ha la concavità rivolta verso l'alto (cioè è strettamente convessa) è dato da:  a)  $(-\infty, 1) \cup (2, +\infty)$ ;  b)  $(1, 3)$ ;  c)  $(-2, 1)$ ;  d)  $(-\infty, -1) \cup (2, +\infty)$ .

4.  $\lim_{x \rightarrow 0^+} (1 - 3x)^{1/x^2} =$   a) 1;  b) 0;  c)  $1/e^2$ ;  d)  $e^3$ .

5. Siano  $f(x) = \sqrt{x+1}$  e  $g(x) = x^2 - 2x$ . L'equazione della retta tangente al grafico della funzione  $f(x)g(x)$  nel punto di ascissa  $x_0 = 1$  è:  a)  $y = 7x - 4$ ;  b)  $y = \frac{3}{2\sqrt{3}}(7x - 1)$ ;  c)  $y = -\frac{1}{2\sqrt{2}}(x + 3)$ ;  d)  $y = \frac{1}{2\sqrt{3}}(x + 5)$ .

6. Il valore minimo e il valore massimo della funzione  $f(x) = 3x^4 - 16x^3 + 18x^2 + 26$  nell'intervallo  $[0, 2]$  sono:  a)  $\min = -2, \max = 11$ ;  b)  $\min = 18, \max = 31$ ;  c)  $\min = 2, \max = 31$ ;  d)  $\min = 2, \max = 11$ .

7. Quanti sono i punti di intersezione dei grafici di  $f(x) = e^{2x}$  e di  $g(x) = 2 - x$ ?  a) 0;  b) 3;  c) 2;  d) 1.

8. Determinare i valori dei parametri  $\alpha$  e  $\beta$  per i quali la funzione

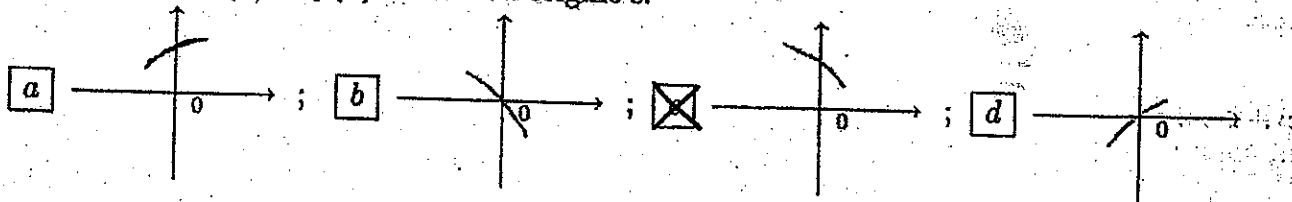
$$f(x) = \begin{cases} \sin(\alpha x) - x & \text{per } x \geq 0 \\ \beta \cos(x^2) + \alpha & \text{per } x < 0 \end{cases}$$

è continua e derivabile in  $x_0 = 0$ .  a)  $\alpha = 1, \beta = 0$ ;  b)  $\alpha = 1, \beta = -1$ ;  c)  $\alpha = 0, \beta = -1$ ;  d)  $\alpha = -1, \beta = 1$ .

9.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1 - \cos(2x)) \sin x}{x \sin(x^2)} =$   a) 2;  b) 1;  c) 4;  d) 1/2.

10. Sia  $f(x) : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  una funzione continua, con  $f(0) = 1$  ed inoltre  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$ ,  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ . Allora l'equazione  $f(x) = 0$ :  a) ha almeno due soluzioni;  b) ha almeno una soluzione;  c) ha un numero dispari di soluzioni diverse fra loro;  d) ha un numero pari di soluzioni diverse fra loro.

1. L'espressione " $\forall A > 0 \exists B > 0$  : se  $0 < |x-2| < B$  allora  $f(x) < -A$ " significa:  
  $\lim_{x \rightarrow 2} f(x) = -\infty$ ;   $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 2$ ;   $\lim_{x \rightarrow 2} f(x) = +\infty$ ;   $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 2$ .
2. Per quale valore del parametro  $a \neq 0$  si ha che  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(ax)}{e^x - 1} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos(ax)}{x^2}$ ?  
  $a = 2$ ;   $a = -1$ ;   $a = -2$ ;   $a = 1$ .
3. Per quali valori del parametro  $\alpha \in \mathbb{R}$  si ha che  $f(x) = \begin{cases} \cos(\pi x) & \text{per } x < -1 \\ |x| - \alpha & \text{per } x \geq -1 \end{cases}$  è continua in  $x_0 = -1$ ?  
  $\alpha = 2$ ;   $\alpha = -2$ ;   $\alpha = 0$ ;   $\alpha = 1$ .
4. Date le funzioni  $f(x) = \frac{1}{\sqrt{x+1}}$  e  $g(y) = \sin(1-y)$ , la derivata di  $(g \circ f)(x)$  è:  
  $\frac{-x \sin(1+\sqrt{x^2+3})}{\sqrt{x^2+3}}$ ;   $\frac{\cos(1-\frac{1}{\sqrt{x+1}})}{2(x+1)\sqrt{x+1}}$ ;   $\frac{-x \cos(1-\sqrt{x^2+3})}{\sqrt{x^2+3}}$ ;   $\frac{\sin(1+\frac{1}{\sqrt{x+1}})}{2(x+1)\sqrt{x+1}}$ .
5. Per quali valori del parametro  $\beta \in \mathbb{R}$  la retta di equazione  $r(x) = x + \beta$  è tangente al grafico della funzione  $f(x) = \log(2x+1)$ ?  
  $\beta = 1 - \log 2$ ;   $\beta = 1$ ;   $\beta = -\frac{1}{2} + \log 2$ ;   $\beta = -\frac{1}{3} + \log \frac{3}{2}$ .
6. Se  $f(x) = \frac{3x+2}{x-3}$  allora  $f^{-1}(1)$  è uguale a:  
  $-5/2$ ;   $3/2$ ;   $-3/2$ ;   $5/2$ .
7. Le soluzioni dell'equazione  $(\bar{z}+2)z = i\bar{z}$  sono:  
  $0$  e  $-\frac{6}{5} - \frac{3}{5}i$ ;   $0$  e  $2-i$ ;   $0$  e  $2+i$ ;   $0$  e  $-\frac{6}{5} + \frac{3}{5}i$ .
8. L'insieme dei numeri complessi  $z$  tali che  $|z+1-i| < |z|$  e  $|z+i| < 1$  è:  
 un semipiano;  l'insieme vuoto;  un cerchio;  un semicerchio.
9. Sia  $f: [0, 1] \rightarrow \mathbb{R}$  una funzione continua, strettamente monotona e tale che  $f(0)f(1) = -2$ , e sia  $x_0 \in (0, 1)$  il valore per cui  $f(x_0) = 0$ . Usando il metodo di bisezione, qual è il numero minimo  $n$  di passi necessario per approssimare  $x_0$  con errore che sia sicuramente minore di  $10^{-6}$ ?  
  $n = 12$ ;   $n = 20$ ;   $n = 60$ ;   $n = 5$ .
10. Sia  $f(x)$  una funzione derivabile con derivata continua tale che  $f(0) = 1$  e  $f'(0) < 0$ . Il grafico di  $g(x) = 1 - 2f(x) + 2f(x)^2$  vicino all'origine è:



CALCOLO 1		27 ottobre 2007
Cognome:	Nome:	Matricola:

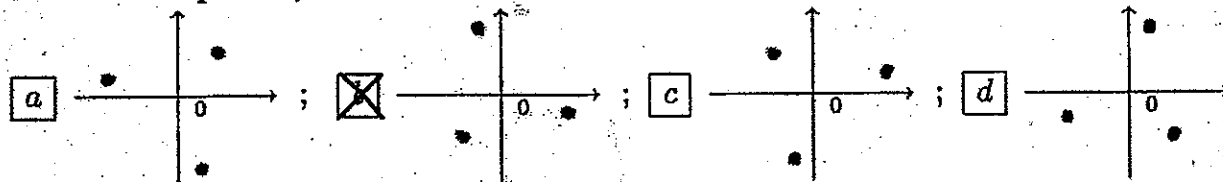
- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(e^{x^2} - 1) \sin x}{x(1 - \cos(2x))} =$   a 1;  b 4;  c 1/2;  d 2.

2.  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x + e^{-x} - 1}{2e^{-x} - x + 1} =$   a 1/2;  b -1;  c -2;  d 2.

3. Il valore minimo e il valore massimo della funzione  $f(x) = x^4 - 2x^2 + 3$  nell'intervallo  $[-2, 0]$  sono:  a min = 18, max = 31;  b min = 2, max = 31;  c min = 2, max = 11;  d min = -2, max = 11.

4. I numeri complessi  $\sqrt[3]{5 - 5i}$  sono:



5.  $\lim_{x \rightarrow 0^+} (1 + 3x)^{1/x} =$   a 0;  b  $1/e^2$ ;  c  $e^3$ ;  d 1.

6. Sia  $f(x) : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  una funzione continua, con  $f(0) = -1$  ed inoltre  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty$ ,  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ . Allora l'equazione  $f(x) = 0$ :  a ha almeno una soluzione;  b ha un numero dispari di soluzioni diverse fra loro;  c ha un numero pari di soluzioni diverse fra loro;  d ha almeno due soluzioni.

7. Determinare i valori dei parametri  $\alpha$  e  $\beta$  per i quali la funzione

$$f(x) = \begin{cases} \cos(\beta x^2) - x & \text{per } x \geq 0 \\ \sin(\alpha x) + \beta & \text{per } x < 0 \end{cases}$$

è continua e derivabile in  $x_0 = 0$ .  a  $\alpha = 1, \beta = -1$ ;  b  $\alpha = 0, \beta = -1$ ;  c  $\alpha = -1, \beta = 1$ ;  d  $\alpha = 1, \beta = 0$ .

8. Siano  $f(x) = \sqrt{2x^2 - 1}$  e  $g(x) = x + 2$ . L'equazione della retta tangente al grafico della funzione  $f(x)g(x)$  nel punto di ascissa  $x_0 = 1$  è:  a  $y = \frac{3}{2\sqrt{3}}(7x - 1)$ ;  b  $y = -\frac{1}{2\sqrt{2}}(x + 3)$ ;  c  $y = \frac{1}{2\sqrt{3}}(x + 5)$ ;  d  $y = 7x - 4$ .

9. L'insieme dove la funzione  $f(x) = -x^4 - 2x^3 + 12x^2 - x - 2$  ha la concavità rivolta verso l'alto (cioè è strettamente convessa) è dato da:  a  $(1, 3)$ ;  b  $(-2, 1)$ ;  c  $(-\infty, -1) \cup (2, +\infty)$ ;  d  $(-\infty, 1) \cup (2, +\infty)$ .

10. Quanti sono i punti di intersezione dei grafici di  $f(x) = e^{2x}$  e di  $g(x) = 2 - x$ ?  a 3;  b 2;  c 1;  d 0.

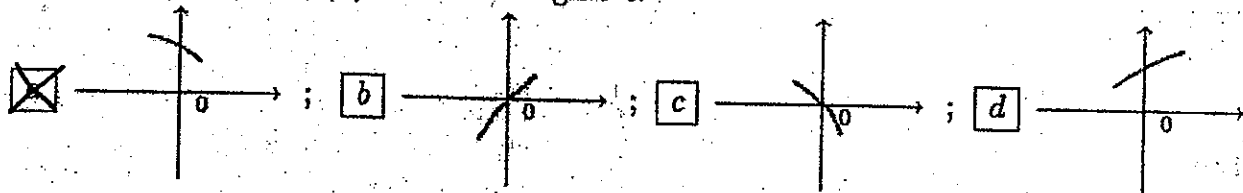
1. Per quali valori del parametro  $\beta \in \mathbb{R}$  la retta di equazione  $r(x) = x + \beta$  è tangente al grafico della funzione  $f(x) = \log(2x + 1)$ ?   $\beta = -\frac{1}{3} + \log \frac{3}{2}$ ;   $\beta = 1 - \log 2$ ;   $\beta = 1$ ;   $\beta = -\frac{1}{2} + \log 2$ .

2. L'insieme dei numeri complessi  $z$  tali che  $|z + 1 - i| < |z|$  e  $|z + i| > 1$  è:  un cerchio;  un semicerchio;  un semipiano;  l'insieme vuoto.

3. Per quale valore del parametro  $a \neq 0$  si ha che  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\log(1-x)}{x} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos(ax)}{x \sin(ax)}$ ?   $a = 1$ ;   $a = 2$ ;   $a = -1$ ;   $a = -2$ .

4. Le soluzioni dell'equazione  $(\bar{z} + 2)z = i\bar{z}$  sono:   $0 e -\frac{6}{5} + \frac{3}{5}i$ ;   $0 e -\frac{6}{5} - \frac{3}{5}i$ ;   $0 e 2 - i$ ;   $0 e 2 + i$ .

5. Sia  $f(x)$  una funzione derivabile con derivata continua tale che  $f(0) = 1$  e  $f'(0) < 0$ . Il grafico di  $g(x) = 2f(x)^2 - f(x)$  vicino all'origine è:



6. L'espressione " $\forall A > 0 \exists B > 0$ : se  $x > B$  allora  $|f(x) - 2| < A$ " significa:   $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 2$ ;   $\lim_{x \rightarrow 2} f(x) = -\infty$ ;   $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 2$ ;   $\lim_{x \rightarrow 2} f(x) = +\infty$ .

7. Per quali valori del parametro  $\alpha \in \mathbb{R}$  si ha che  $f(x) = \begin{cases} \cos(\pi x) & \text{per } x < -1 \\ \alpha|x| - 1 & \text{per } x \geq -1 \end{cases}$  è continua in  $x_0 = -1$ ?   $\alpha = 1$ ;   $\alpha = 2$ ;   $\alpha = -2$ ;   $\alpha = 0$ .

8. Se  $f(x) = \frac{3x+2}{x-3}$  allora  $f^{-1}(1)$  è uguale a:   $5/2$ ;   $-5/2$ ;   $3/2$ ;   $-3/2$ .

9. Date le funzioni  $f(x) = \sqrt{x^2+3}$  e  $g(y) = \sin(1-y)$ , la derivata di  $(g \circ f)(x)$  è:

$\frac{\sin\left(1 + \frac{1}{\sqrt{x+1}}\right)}{2(x+1)\sqrt{x+1}}$ ;   $\frac{-x \sin(1 + \sqrt{x^2+3})}{\sqrt{x^2+3}}$ ;   $\frac{\cos\left(1 - \frac{1}{\sqrt{x+1}}\right)}{2(x+1)\sqrt{x+1}}$ ;   $\frac{-x \cos(1 - \sqrt{x^2+3})}{\sqrt{x^2+3}}$ .

10. Sia  $f: [-2, 2] \rightarrow \mathbb{R}$  una funzione continua, strettamente monotona e tale che  $f(-2)f(2) = -1$ , e sia  $x_0 \in (-2, 2)$  il valore per cui  $f(x_0) = 0$ . Usando il metodo di bisezione, qual è il numero minimo  $n$  di passi necessario per approssimare  $x_0$  con errore che sia sicuramente minore di  $10^{-3}$ ?   $n = 5$ ;   $n = 12$ ;   $n = 20$ ;   $n = 60$ .

Cognome:

Nome:

Matricola:

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Determinare i valori dei parametri  $\alpha$  e  $\beta$  per i quali la funzione

$$f(x) = \begin{cases} \sin(\alpha x^2) - 1 & \text{per } x \geq 0 \\ \beta \cos x + \alpha x & \text{per } x < 0 \end{cases}$$

è continua e derivabile in  $x_0 = 0$ .   $\alpha = 0, \beta = -1$ ;   $\alpha = -1, \beta = 1$ ;   $\alpha = 1, \beta = 0$ ;   $\alpha = 1, \beta = -1$ .

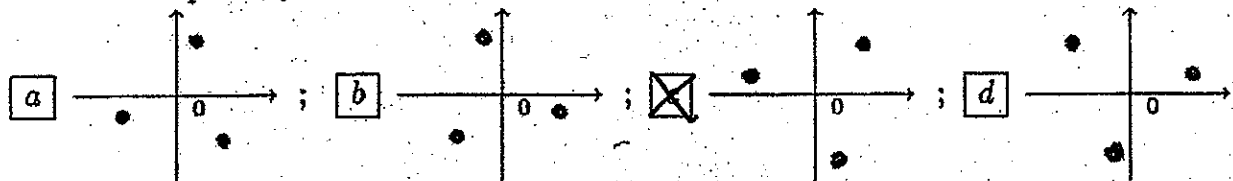
2. Quanti sono i punti di intersezione dei grafici di  $f(x) = \log(2x)$  e di  $g(x) = 3 - x$ ?  2;  1;  0;  3.

3.  $\lim_{x \rightarrow 0^+} (1 + 3x)^{1/x} =$    $1/e^2$ ;   $e^3$ ;  1;  0.

4. Sia  $f(x) : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  una funzione continua, con  $f(0) = 1$  ed inoltre  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$ ,  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -\infty$ . Allora l'equazione  $f(x) = 0$ :  ha un numero dispari di soluzioni diverse fra loro;  ha un numero pari di soluzioni diverse fra loro;  ha almeno due soluzioni;  ha almeno una soluzione.

5. Il valore minimo e il valore massimo della funzione  $f(x) = 3x^4 - 4x^3 - 12x^2 + 11$  nell'intervallo  $[-1, 1]$  sono:   $\min = 2, \max = 31$ ;   $\min = 2, \max = 11$ ;   $\min = -2, \max = 11$ ;   $\min = 18, \max = 31$ .

6. I numeri complessi  $\sqrt[3]{-5 + 5i}$  sono:



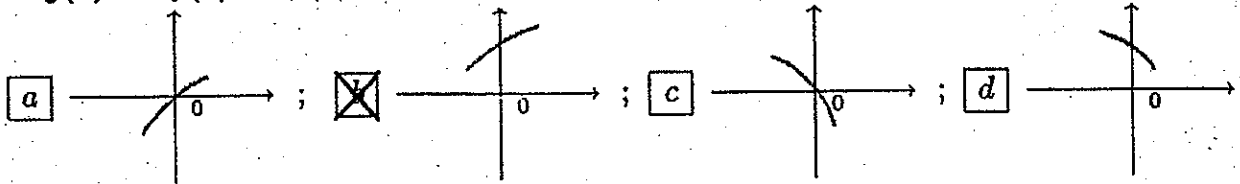
7.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(e^{x^2} - 1) \sin x}{x(1 - \cos(2x))} =$   4;   $1/2$ ;  2;  1.

8. L'insieme dove la funzione  $f(x) = -x^4 - 2x^3 + 12x^2 - x - 2$  ha la concavità rivolta verso l'alto (cioè è strettamente convessa) è dato da:   $(-2, 1)$ ;   $(-\infty, -1) \cup (2, +\infty)$ ;   $(-\infty, 1) \cup (2, +\infty)$ ;   $(1, 3)$ .

9. Siano  $f(x) = 2x - x^2$  e  $g(x) = \sqrt{x+2}$ . L'equazione della retta tangente al grafico della funzione  $f(x)g(x)$  nel punto di ascissa  $x_0 = 1$  è:   $y = -\frac{1}{2\sqrt{2}}(x+3)$ ;   $y = \frac{1}{2\sqrt{3}}(x+5)$ ;   $y = 7x - 4$ ;   $y = \frac{3}{2\sqrt{3}}(7x - 1)$ .

10.  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x + e^{-x} - 1}{2e^{-x} - x + 1} =$   -1;  -2;  2;   $1/2$ .

1. Sia  $f(x)$  una funzione derivabile con derivata continua tale che  $f(0) = 1$  e  $f'(0) < 0$ . Il grafico di  $g(x) = 3f(x) - 2f(x)^2$  vicino all'origine è:



2. Se  $f(x) = \frac{3x-1}{x+2}$  allora  $f^{-1}(1)$  è uguale a:  a  $-3/2$ ;  b  $5/2$ ;  c  $-5/2$ ;  d  $3/2$ .
3. L'insieme dei numeri complessi  $z$  tali che  $|z+1-i| > |z|$  e  $|z+1| < 1$  è:  a l'insieme vuoto;  b un cerchio;  c un semicerchio;  d un semipiano.
4. Per quali valori del parametro  $\alpha \in \mathbb{R}$  si ha che  $f(x) = \begin{cases} \sin(\frac{\pi}{2}x) & \text{per } x < -1 \\ |x| + \alpha & \text{per } x \geq -1 \end{cases}$  è continua in  $x_0 = -1$ ?  a  $\alpha = 0$ ;  b  $\alpha = 1$ ;  c  $\alpha = 2$ ;  d  $\alpha = -2$ .
5. Sia  $f: [0, 1] \rightarrow \mathbb{R}$  una funzione continua, strettamente monotona e tale che  $f(0)f(1) = -2$ , e sia  $x_0 \in (0, 1)$  il valore per cui  $f(x_0) = 0$ . Usando il metodo di bisezione, qual è il numero minimo  $n$  di passi necessario per approssimare  $x_0$  con errore che sia sicuramente minore di  $10^{-6}$ ?  a  $n = 60$ ;  b  $n = 5$ ;  c  $n = 12$ ;  d  $n = 20$ .
6. Per quali valori del parametro  $\beta \in \mathbb{R}$  la retta di equazione  $r(x) = x + \beta$  è tangente al grafico della funzione  $f(x) = \log(2+x)$ ?  a  $\beta = -\frac{1}{2} + \log 2$ ;  b  $\beta = -\frac{1}{3} + \log \frac{3}{2}$ ;  c  $\beta = 1 - \log 2$ ;  d  $\beta = 1$ .
7. Per quale valore del parametro  $a \neq 0$  si ha che  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1-e^x}{2x} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1-\cos(ax)}{x \sin(ax)}$ ?  a  $a = -2$ ;  b  $a = 1$ ;  c  $a = 2$ ;  d  $a = -1$ .
8. L'espressione " $\forall B > 0 \exists A > 0$ : se  $x < -A$  allora  $|f(x) - 2| < B$ " significa:  a  $\lim_{x \rightarrow 2} f(x) = +\infty$ ;  b  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 2$ ;  c  $\lim_{x \rightarrow 2} f(x) = -\infty$ ;  d  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 2$ .
9. Le soluzioni dell'equazione  $(z-2)\bar{z} = i\bar{z}$  sono:  a  $0$  e  $2+i$ ;  b  $0$  e  $-\frac{6}{5} + \frac{3}{5}i$ ;  c  $0$  e  $-\frac{6}{5} - \frac{3}{5}i$ ;  d  $0$  e  $2-i$ .
10. Date le funzioni  $f(x) = \frac{1}{\sqrt{x+1}}$  e  $g(y) = \sin(1-y)$ , la derivata di  $(g \circ f)(x)$  è:  a  $\frac{-x \cos(1-\sqrt{x^2+3})}{\sqrt{x^2+3}}$ ;  b  $\frac{\sin(1+\frac{1}{\sqrt{x+1}})}{2(x+1)\sqrt{x+1}}$ ;  c  $\frac{-x \sin(1+\sqrt{x^2+3})}{\sqrt{x^2+3}}$ ;  d  $\frac{\cos(1-\frac{1}{\sqrt{x+1}})}{2(x+1)\sqrt{x+1}}$ .

CALCOLO 1		27 ottobre 2007
Cognome:	Nome:	Matricola:

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Il valore minimo e il valore massimo della funzione  $f(x) = 3x^4 - 8x^3 + 18x^2 + 2$  nell'intervallo  $[-1, 1]$  sono:  a min = 18, max = 31;  b min = 2, max = 31;  c min = 2, max = 11;  d min = -2, max = 11.

2. L'insieme dove la funzione  $f(x) = x^4 - 6x^3 + 12x^2 + x - 1$  ha la concavità rivolta verso l'alto (cioè è strettamente convessa) è dato da:  a  $(1, 3)$ ;  b  $(-2, 1)$ ;  c  $(-\infty, -1) \cup (2, +\infty)$ ;  d  $(-\infty, 1) \cup (2, +\infty)$ .

3. Quanti sono i punti di intersezione dei grafici di  $f(x) = 2 \log x$  e di  $g(x) = x - 2$ ?  a 3;  b 2;  c 1;  d 0.

4.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2 \sin(2x)}{(1 - \cos x) \sin x} =$   a 1;  b 4;  c 1/2;  d 2.

5.  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2e^{-x} - x^2 - 1}{1 - 2x^2 + e^{-x}} =$   a 1/2;  b -1;  c -2;  d 2.

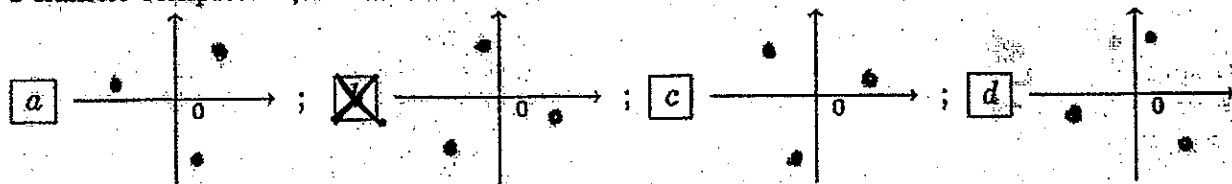
6. Determinare i valori dei parametri  $\alpha$  e  $\beta$  per i quali la funzione

$$f(x) = \begin{cases} \cos(\alpha x) - \alpha & \text{per } x \geq 0 \\ \sin(x^2) - \beta x & \text{per } x < 0 \end{cases}$$

è continua e derivabile in  $x_0 = 0$ .  a  $\alpha = 1, \beta = -1$ ;  b  $\alpha = 0, \beta = -1$ ;  c  $\alpha = -1, \beta = 1$ ;  d  $\alpha = 1, \beta = 0$ .

7.  $\lim_{x \rightarrow 0^+} (1 + 2x^2)^{1/x} =$   a 0;  b  $1/e^2$ ;  c  $e^3$ ;  d 1.

8. I numeri complessi  $\sqrt[3]{5 - 5i}$  sono:



9. Sia  $f(x) : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  una funzione continua, con  $f(0) = -1$  ed inoltre  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty$ ,  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -\infty$ . Allora l'equazione  $f(x) = 0$ :  a ha almeno una soluzione;  b ha un numero dispari di soluzioni diverse fra loro;  c ha un numero pari di soluzioni diverse fra loro;  d ha almeno due soluzioni.

10. Siano  $f(x) = \sqrt{2x^2 - 1}$  e  $g(x) = x + 2$ . L'equazione della retta tangente al grafico della funzione  $f(x)g(x)$  nel punto di ascissa  $x_0 = 1$  è:  a  $y = \frac{3}{2\sqrt{3}}(7x - 1)$ ;  b  $y = -\frac{1}{2\sqrt{2}}(x + 3)$ ;  c  $y = \frac{1}{2\sqrt{3}}(x + 5)$ ;  d  $y = 7x - 4$ .